# 奥氏体析出相激发形核的原位TEM研究

杜娟1 程晓行<sup>2</sup> 杨天南<sup>2</sup> 陈龙庆<sup>2,3</sup> Mompiou Frédéric<sup>4</sup> 张文征<sup>1</sup>

 1 清华大学材料学院教育部先进材料重点实验室 北京 100084
 2 Department of Materials Science and Engineering, The Pennsylvania State University, University Park, PA 16802, USA
 3 清华大学材料学院新型陶瓷与精细工艺国家重点实验室 北京 100084

4 CEMES-CNRS and Université de Toulouse, 29 rue J. Marvig, 31055 Toulouse, France

摘要利用原位透射电镜(TEM)观察双相不锈钢中奥氏体析出相变过程,发现了端-面连接的奥氏体激发形核现象。定量表征结果表明,激发形核奥氏体和先驱奥氏体与母相铁素体的位向关系都接近N-W,但属于不同的位向关系,且在不同的Bain环上。基于弹性相互作用能和界面能解释了激发形核奥氏体的择优晶体学取向,计算结果表明,先驱奥氏体与不同Bain环上激发形核奥氏体的弹性相互作用能为负值,且相邻奥氏体之间可以形成孪晶取向关系及共格孪晶界。

关键词 原位透射电镜,激发形核,奥氏体析出相,弹性相互作用能 中图分类号 TG113

文章编号 0412-1961(2019)04-0511-10

## In Situ TEM Study on the Sympathetic Nucleation of Austenite Precipitates

DU Juan<sup>1</sup>, CHENG Xiaoxing<sup>2</sup>, YANG Tiannan<sup>2</sup>, CHEN Longqing<sup>2,3</sup>, Mompiou Frédéric<sup>4</sup>, ZHANG Wenzheng<sup>1</sup>

1 Key Laboratory of Advanced Materials (MOE), School of Materials Science and Engineering, Tsinghua University, Beijing 100084, China

2 Department of Materials Science and Engineering, The Pennsylvania State University, University Park,

PA 16802, USA

3 State Key Laboratory of New Ceramics and Fine Processing, School of Materials Science and Engineering, Tsinghua University, Beijing 100084, China

4 CEMES-CNRS and Université de Toulouse, 29 rue J. Marvig, 31055 Toulouse, France Correspondent: ZHANG Wenzheng, professor, Tel: (010)62773795, E-mail: zhangwz@tsinghua.edu.cn Supported by National Natural Science Foundation of China (No.51471097) Manuscript received 2018-04-28, in revised form 2018-05-28

**ABSTRACT** Duplex stainless steels (DSSs) are widely used for chemical industry, marine construction and power plants, due to the beneficial combination of ferrite and austenite properties: high strength with a desirable toughness and good corrosion resistance. The sympathetic nucleation (SN) of intragranular austenite precipitates has been frequently observed in DSS. This type of nucleation, which occurs in a considerable variety of steels and titanium alloys, has a great effect on the morphological arrangement of precipitates and hence the mechanical properties of metallic materials. Therefore, understanding the SN mechanism of austenite precipitates is essential to knowledge based material design of the microstructure in DSS. Three types of morphological arrangement, *i.e.*, face-to-face, edge-to-edge and edge-to-face

**DOI** 10.11900/0412.1961.2018.00166

资助项目 国家自然科学基金项目 No.51471097

收稿日期 2018-04-28 定稿日期 2018-05-28

作者简介 杜 娟,女,1990年生,博士生

通讯作者 张文征,zhangwz@tsinghua.edu.cn,主要从事金属材料固态相变晶体学及组织形成理论等相关研究

SN of austenite precipitates, have been identified in previous investigations on DSS. The adjacent grains of face-to-face and edge-to-edge sympathetically nucleated austenite have approximately the identical orientations, with a small-angle boundary between two austenite crystals. However, as regards to the edge-to-face SN, the lacking of crystallographic features of adjacent austenite precipitates obstructs the understanding of the mechanism for the edge-to-face SN. Moreover, it is usually difficult to distinguish between SN and hard impingement following nucleation at separate sites in conventional experimental observations. Thus, in the present work, the typical morphology of edge-to-face SN of austenite precipitates was directly observed at 725 °C in a DSS using in situ TEM. The orientation relationship (OR) between the sympathetically nucleated austenite precipitate and ferrite matrix is determined through analysis of Kikuchi lines. Since the long axes of austenite precipitates parallel to the invariant line are restricted in the thin TEM foil, there are only four types of austenite with different near N-W ORs and cystallographically inequivalent long axes. This work reveals that the ORs of sympathetically nucleated austenite grains belong to different Bain groups with those of the pre-formed austenites. The explanation for the OR selection is provided based on two factors favoring SN, namely the reduction of elastic interaction strain energy and the interfacial energy. The local stress generated by the semi-coherent pre-formed austenite was calculated by Eshelby inclusion method. The local stress field accompanying with the pre-formed austenite assists the subsequent nucleation and growth of sympathetically nucleated austenite. It shows that the elastic interaction energy for the sympathetically nucleated austenite of particular OR is negative. In addition, the pre-formed austenite and the sympathetically nucleated austenite grain are twin related. This indicates that the nucleation barrier associated with SN of austenite with selected OR is comparably lower than other candidates. Hence, the austenite precipitate with a specific OR is preferred during SN. **KEY WORDS** in situ TEM, sympathetic nucleation, austenite precipitate, elastic interaction energy

双相不锈钢结合了铁素体和奥氏体两相的优 点,是一种力学性能优异、耐蚀性好的材料,被广泛 应用于电力、石油、化工等行业。一般双相不锈钢热 处理工艺为:固溶处理得到过饱和固溶铁素体后,在 铁素体+奥氏体两相区等温时效析出奥氏体。在晶 内形核的奥氏体析出相往往具有择优形貌和晶体学 取向[1~5],且相邻奥氏体间会产生激发形核[6~9]。激发 形核是指析出相在已经形成的析出相(这里简称为 先驱析出相)与母相的界面上形核,按定义析出相与 母相必须成分不同100。析出相的激发形核现象存在 于许多合金体系中,例如低碳钢中先共析铁素 体[10,11]、铁基合金中贝氏体铁素体[12~14]、钛合金中α析 出相[15~18]、先共析渗碳体[19]等。激发形核作为一种重 要的固态相变非均匀形核方式,对材料的组织形貌 有重要影响。因此,对晶内奥氏体激发形核机制的 理解是科学调控双相不锈钢组织形貌,进而提高其 力学性能的基础。

Ohmori等<sup>[5]</sup>的实验结果显示,双相不锈钢中奥 氏体的形成过程伴随合金元素的扩散。激发形核相 邻的2个奥氏体晶粒间连接方式有面-面(face-toface)、端-端(edge-to-edge)、端-面(edge-to-face)连 接<sup>[6-9,20]</sup>。其中通过面-面或端-端连接的2个奥氏体 晶粒之间取向差比较小<sup>[6,8]</sup>,奥氏体与母相具有N-W 或K-S的位向关系,且2个奥氏体与母相的位向关 系属于同一Bain环的不同变体。这与低碳钢<sup>[10]</sup>和钛 合金<sup>[15]</sup>中面-面或端-端连接的析出相激发形核现象 类似。在其它合金中发现,有的端-面激发形核析出 相与先驱析出相的取向差较小,比如在晶界铁素体 上激发形核的魏氏铁素体<sup>[11]</sup>,而一般晶内端-面激发 形核相邻的2个析出相之间取向差比较大,例如在 Ti-6.6%Cr (原子分数)合金中<sup>[15]</sup>,激发形核α析出相 和先驱α析出相与母相的位向关系分别为近Burgers 位向关系的2个不同变体,且2个α晶粒取向差的轴 角对为[110]<sub>α</sub>]~60°(轴角对代表一个α晶粒取向重合)。

早期人们对激发形核的理解主要从界面能降低的角度考虑<sup>[15,21]</sup>,一般激发形核析出相和先驱析出相之间形成小角晶界或重位点阵晶界,低能的晶界会代替高能的相界面,从而有利于析出相的激发形核。后来Lee等<sup>[22]</sup>和Russell等<sup>[23]</sup>开始尝试用析出相之间的弹性相互作用能来理解激发形核。在关于Ti-6Al-4V(质量分数,%)合金中α析出相激发形核的相场模拟中,发现先驱α析出相在周围母相造成一定的应力场,该应力场会激发特定取向的α析出相形核<sup>[24,25]</sup>。

虽然前人在双相不锈钢中曾观察到奥氏体端-面连接的激发形核现象<sup>19</sup>,但缺乏奥氏体的定量晶 体学信息。而且在静态样品中辨识端-面激发形核 时,极易与不同位置形核的析出相的相碰现象混淆。 因此,本工作利用原位透射电镜(TEM)观察双相不 锈钢中奥氏体析出相变过程,发现了端-面连接的奥 氏体激发形核现象。采用Kikuchi线衍射花样分析 法,定量表征了奥氏体与母相铁素体的位向关系、长 轴及惯习面取向,并根据激发形核奥氏体与先驱奥 氏体之间的弹性相互作用能、相邻奥氏体晶粒间取 向差,对激发形核奥氏体的晶体学取向给出了合理 的解释。

#### 1 实验和计算方法

实验采用的双相不锈钢成分(质量分数,%)为: Cr 24.9, Ni 7.0, Mo 3.1, Fe 余量。将尺寸为10 mm× 10 mm×10 mm的块状样品封在真空石英管中,在 1300 ℃固溶处理 30 min 后水淬,得到 100% 铁素体 组织,平均晶粒尺寸约为1 mm。利用 Struers Tenupol-3型电解双喷减薄仪和8%HClO4+92%C,H6O(体 积分数)的电解液制备 TEM 样品,温度-30 ℃,工作 电压 20 V。利用 CM20FEG 场发射 TEM 和 GATAN Model 652型双倾加热样品杆进行原位 TEM 实验, 先以最快加热速率(约50℃/min)将样品加热到 700℃,随后设置升温步长为5℃,直到观察到有奥 氏体析出相长大,保温温度为725℃。在原位冷却 后,通过分析Kikuchi线衍射花样计算两相的位向关 系矩阵,利用位向关系矩阵将位向关系转化为面-向 结合表达式。在位向关系的同一变体下,采用迹线 法和界面单直立法分别测定奥氏体的长轴和惯习面 取向。

基于 Eshelby 夹杂理论<sup>[26]</sup>计算从母相析出先驱 奥氏体时产生的应力场,但是该方法的解析解只适 用于椭球析出相。为了分析一般形状析出相的应力 场,本工作借鉴 Wang 等<sup>[27]</sup>提出的应力场计算方法, 求解弹性平衡方程 *σ<sub>iii</sub>=*0。根据 Hooke 定律有:

 $\boldsymbol{\sigma}_{ij} = \boldsymbol{C}_{ijkl} \boldsymbol{e}_{kl} \tag{1}$ 

式中, $\sigma_{ij}$ 为应力; $e_{ki}$ 为弹性应变,它与总应变( $\varepsilon_{ki}$ )和本 征应变( $\varepsilon_{ki}^{*}$ )之间的关系为 $e_{ki} = \varepsilon_{ki} - \varepsilon_{ki}^{*}$ 。位移( $u_{ki}$ )与 $\varepsilon_{ki}$ 的关系为 $\varepsilon_{ki} = \frac{1}{2} (u_{k,i} + u_{l,k})$ ,于是弹性平衡方程可以 转化为:

$$\boldsymbol{C}_{ijkl}\left(\boldsymbol{u}_{k,lj}-\boldsymbol{\varepsilon}_{kl,j}^{*}\right)=0$$
(2)

式中,*ɛ<sup>\*</sup><sub>u</sub>*表示本征应变在模拟体系内的分布,在母相 中本征应变为0,析出相的本征应变需通过相变应 变求解;*C<sub>i</sub><sub>u</sub>*为模拟体系内各处弹性常数的分布,这 些张量都由母相及先驱奥氏体的分布决定,*u*<sub>u</sub>为需 要求解的未知量。上面各张量下标中的逗号为Einstein表示法,代表对该张量求导并求和。采用迭代 的Fourier变换方法求解该非线性微分方程,并在迭 代中添加平均应力为零的限制条件,以模拟实际样 品中四周为真空不受钳制的边界条件。在得到模拟 系统内位移*u*<sub>u</sub>分布后,即可计算得到应力、应变及 弹性能分布。本工作采用Jia等<sup>[28]</sup>计算的单晶奥氏 体和铁素体的各向异性弹性常数,见表1<sup>[28]</sup>。

#### 2 实验结果

在原位加热前样品台无倾转的状态,通过采集 TEM样品穿孔边缘铁素体的Kikuchi花样,发现穿 孔边缘位于同一铁素体晶粒内,此时TEM样品膜面 法向平行于入射电子束方向[0.94 0.31 0.11]。。原位 加热时,从母相铁素体析出奥氏体,所有奥氏体相都 是在原位加热过程中形成的。受TEM样品变形的 影响,观察析出相形核过程非常困难,因此本实验只 记录了奥氏体长大过程。奥氏体具有长条状形貌, 其长轴基本躺在TEM样品膜面上。图1是奥氏体<sub>22</sub> 在先驱奥氏体<sub>21</sub>惯习面上激发形核长大的早期过 程。设图1a对应时间*t*=0 s,从图1a可见,此时<sub>22</sub>在 距离<sub>21</sub>尖端不远处的惯习面上开始形核长大。随着 加热时间延长(图1b和c),<sub>22</sub>逐渐长大。相比在静态

表1计算中采用的单晶奥氏体(y)和铁素体(a)的各向异性弹 性常数<sup>[28]</sup>

 
 Table 1 The single-crystal elastic constants of austenite and ferrite phases used in the calculation<sup>[28]</sup>

(	GF	a)
U	UI.	aı

Phase	$C_{11}$	$C_{12}$	$C_{44}$
γ	204.6	137.7	126.2
α	236.9	140.6	116.0



图1 原位加热时奥氏体γ₂在先驱奥氏体γ₁惯习面激发形核后长大的早期过程视频截图
Fig.1 The snapshots of the initial growth of sympathetically nucleated austenite γ₂ on the habit plane of pre-formed austenite γ₁ at 725 ℃ using in situ TEM

(a) t=0 s (b) t=10 s (c) t=74 s

样品中观察激发形核,在原位TEM下可以直观判断 奥氏体激发形核现象,而不会与析出相间相碰现象 混淆。

原位冷却后,图1中的奥氏体,和,(虚线部分) 形貌如图2a所示。奥氏体由TEM样品的2个表面、 一对平行的惯习面和接近楔形的尖端包络而成。在 图2a中除了奥氏体y1和y2,还观察到取向不同的y3  $和_{\gamma_4}, \gamma_3$ 的尺寸小于 $\gamma_4$ , 且 $\gamma_5$ 与 $\gamma_4$ 的晶界形貌类似于 $\gamma_1$ 与y,的晶界,推测y,很可能是在y,惯习面上激发形核 (虚线部分)形成,连接方式同样为端-面连接。下面 先以奥氏体水为例,介绍测定其位向关系、长轴和惯 习面取向的具体过程。在同一倾转状态下,同时采 集界面附近奥氏体y,和铁素体的Kikuchi线衍射花 样,分别如图3a和b所示。通过三Kikuchi极法标定 入射电子束方向 t,,其在奥氏体和铁素体中指数分 别为 $t_{\rm h}$ =[ $\overline{0.94}$ ,  $\overline{0.32}$ , 0.12], 和 $t_{\rm h}$ =[ $\overline{0.87}$ , 0.47, 0.13], 然后 在图 3a 中选取晶向 $t_{1}=[\overline{0.01}\ 0.31\ 0.95]$ , 求解奥氏体 中 $t_{2}(//t_{2})$ 为[0.32 0.35 0.88]<sub>6</sub>。由于 $t_1$ 和 $t_2$ 不共线,必 然存在非零矢量积 $t_{3b}=t_{1b}\times t_{2b}//t_{3f}=t_{1f}\times t_{2f}$ 。根据这三对 平行的不共面矢量 t,、t,、t,,求解两相的位向关系矩 阵, $M_{f}^{[29]}$ 。两相中平行的晶向矢量对( $v_{t}$ 和 $v_{t}$ )和晶面 矢量对 $(g_h n g_l)$ 通过位向关系矩阵 $M_l$ 联系,变换公 式如下:

$$\boldsymbol{v}_{\rm b} = {}_{\rm b}\boldsymbol{M}_{\rm f}\boldsymbol{v}_{\rm f} \tag{3a}$$

$$\boldsymbol{g}_{\mathrm{b}} = ({}_{\mathrm{b}}\boldsymbol{M}'_{\mathrm{f}})^{-1}\boldsymbol{g}_{\mathrm{f}}$$
(3b)

式中,符号'表示矩阵的转置。利用式(3a)和(3b)求 解水和母相的位向关系,其近平行密排面(011)。~// (111),和近平行密排方向[100],~//[110],的夹角分别 为0.3°和1.6°。采用位向关系矩阵方法测定位向关 系的实验误差为±1°。由于原位形成的奥氏体长轴 基本躺在膜面内,因此通过迹线法求解膜面与惯习 面的交线作为奥氏体长轴,图4a和c分别是在2个 不同倾转状态下奥氏体y,的形貌,相应地,图4b和d 分别为界面附近母相的Kikuchi花样(校准过磁转 角)。采用三Kikuchi极法标定图4b和d中入射电子 束分别平行于[0.94 0.32 0.09]。和[11],,计算显示y 长轴迹线(虚线示意)同时躺在法向为n= [0.10 0.53 0.84], 和 n<sub>2</sub>=[0.18 0.60 0.77], 晶面内, 于是 求解长轴取向为n1×n2=[0.32 0.78 0.53]。考虑膜面 弯曲和Kikuchi线分析带来的误差,利用迹线法测定 长轴的实验误差为±3°。图5a是y,惯习面直立时尖 端处的形貌,此时惯习面附近母相的Kikuchi线花样 如图5b所示(校准过磁转角)。由于图5b中仅能辨 识出一个 Kikuchi 极,因此采用吴静<sup>101</sup>提出的单



图2 原位冷却后端-面激发形核连接的奥氏体 y<sub>1</sub>~y<sub>2</sub>形貌

**Fig.2** The morphology of sympathetically nucleated austenite  $\gamma_2(\gamma_3)$  and pre-formed austenite  $\gamma_1(\gamma_4)$  (a) and an enlarged micrograph showing the grain boundaries between  $\gamma_1$  and  $\gamma_2$  (b)



图3 测定奥氏体γ1与母相铁素体位向关系时两相Kikuchi花样的标定
 Fig.3 Kikuchi diffraction patterns for constructing the orientation matrix
 (a) diffraction pattern of ferrite (b) diffraction pattern of the austenite along the same direction as in Fig.3a



图4 迹线法测定奥氏体y<sub>1</sub>长轴取向时y<sub>1</sub>形貌和铁素体Kikuchi花样的标定

**Fig.4** The morphologies of  $\gamma_1$  (a, c) and Kikuchi diffraction patterns (b, d) for determining the long axis of  $\gamma_1$  along the beam direction of  $[\overline{0.94} \ \overline{0.32} \ 0.09]_b$  (a, b) and the beam direction of  $[\overline{1} \ \overline{1} \ 1]_b$  (c, d)



**图5**测定奥氏体y<sub>1</sub>惯习面取向时铁素体Kikuchi花样的标定 **Fig.5** The habit plane (HP) of y<sub>1</sub> viewed in an edge-on condition (a) and Kikuchi pattern of ferrite matrix (b)

Kikuchi极法标定入射电子束平行于[ $\overline{1}$  0.04 0.06]<sub>b</sub>, 惯习面法向为 $n=[\overline{0.08}$  0.54 0.84]<sub>b</sub>。综合考虑界面直 立的判断、入射电子束测量和膜面弯曲这三方面影 响因素,测定惯习面取向的实验误差为±4°。类似 地, $\gamma_2 \sim \gamma_4$ 的位向关系、长轴取向及 $\gamma_4$ 的惯习面取向也 通过上述方法测量。

表2列出了奥氏体 y<sub>1</sub>~y<sub>4</sub>与母相位向关系的面-向结合表达式、长轴取向及 y<sub>1</sub>和 y<sub>4</sub>惯习面取向的测 量结果。可以看出,这4个奥氏体与母相的位向关 系都接近N-W,但是在考虑实验误差影响后,发现 它们的长轴取向在晶体学上仍不等价。因此,这4 个近N-W位向关系不属于同一位向关系的不同变 体,而是4个不同的近N-W位向关系。通过表2中 的晶体学信息,计算奥氏体γ<sub>1</sub>与γ<sub>2</sub>的晶体取向差,用 轴角对表示为[111]<sub>4</sub>179°,奥氏体γ<sub>3</sub>和γ<sub>4</sub>的晶体取向 差用轴角对表示为[111]<sub>4</sub>179°,都接近Σ3晶界(轴角 对[111]<sub>4</sub>180°),这表明奥氏体γ<sub>1</sub>与γ<sub>2</sub>、γ<sub>3</sub>与γ<sub>4</sub>近似互为 孪晶关系。

55 卷

Parameter	$\gamma_1$	$\gamma_2$	$\gamma_3$	$\gamma_4$
OR	(011) <sub>b</sub> ~//(111) <sub>f</sub> 0.3°	(011) <sub>b</sub> ~//(111) <sub>f</sub> 0.2°	$(0\overline{1}1)_{b} \sim //(111)_{f}$ 0.5°	$(0\overline{1}1)_{b} \sim //(111)_{f}$ 0.2°
	[100] <sub>b</sub> ~//[110] <sub>f</sub> 1.6°	[100] <sub>b</sub> ~//[110] <sub>f</sub> 1.6°	[100] <sub>b</sub> ~//[110] <sub>f</sub> 0.7°	$[\overline{1}00]_{b} \sim //[1\overline{1}0]_{f}$ 1.1°
Long axis	$[0.32 \ \overline{0.78} \ 0.53]_{b}$	$[0.26 \ \overline{0.53} \ 0.81]_{\rm b}$	$[\overline{0.05} \ 0.49 \ 0.87]_{b}$	$[\overline{0.22} \ 0.82 \ 0.53]_{b}$
Habit plane	$(\overline{0.08} \ 0.54 \ 0.84)_{\rm b}$	-	_	$(0.13\ \overline{0.52}\ 0.84)_{b}$
	$(0.41\ 0.54\ 0.73)_{\rm f}$	-	-	$(0.37\ 0.56\ 0.74)_{\rm f}$

**表 2** 激发形核奥氏体 γ<sub>1</sub>~γ<sub>4</sub>的晶体学特征 **Table 2** Crystallographic features of sympathetically nucleated austenite γ<sub>2</sub>(γ<sub>3</sub>) and pre-formed austenite γ<sub>1</sub>(γ<sub>2</sub>)

Note: OR—orientation relationship,  $\sim //$ —near parallelism

### 3 分析讨论

Crosky等<sup>311</sup>根据Cu-Zn合金表面 a 析出相的观察结果发现,表面形核的针状析出相的长轴一般平行于表面与初始长度不变圆锥相交的不变线方向。 TEM薄膜样品具有2个表面,其相变条件与表面类似,这意味着原位形成的奥氏体析出相的长轴很可能平行于躺在TEM样品膜面上的不变线,下面对测量结果和上述条件下所得的结果进行比较。

将奥氏体 y,~y<sub>4</sub>长轴极点画在以[001]。为投影中 心的极图上,如图6所示。根据马氏体表象理论<sup>[32]</sup>, 所有不变线都应躺在正空间初始长度不变圆锥上, 将3个初始长度不变圆锥的投影小圆也画在极图上 (加粗实线),分别对应Bain位向关系的3个变体。从 图6可见,TEM样品膜面大圆与2个初始长度不变 圆锥共有4个交点,这4个交点分别与奥氏体y,~y<sub>4</sub>长 轴的极点基本重合,说明奥氏体长轴近似平行于躺 在膜面上的不变线。由于不变线躺在膜面上,因此 在该TEM样品中原位形成的奥氏体只有2种Bain 对应关系。从图6还发现,奥氏体y,和y<sub>4</sub>各自与母相 的位向关系属于同一个Bain环,而y<sub>2</sub>和y<sub>3</sub>各自与母 相的位向关系属于另一个Bain环。也就是说,激发 形核奥氏体和先驱奥氏体具有属于不同Bain环的 近N-W位向关系。

虽然上述比较说明TEM样品中原位形成的奥 氏体不变线躺在膜面上,但是该条件并未完全约束 位向关系。在不变线确定的条件下,绕不变线旋转 时利用O线条件<sup>[33]</sup>及界面能极小判据可以进一步计 算奥氏体<sub>7</sub>,和<sub>74</sub>的择优晶体学特征,包括位向关系、 长轴和惯习面取向(具体计算过程在另文<sup>[34]</sup>介绍),且 理论计算显示<sub>7</sub>,<sub>74</sub>惯习面上存在一组等间距界面位 错,具体计算结果列于表3。比较表3和2中<sub>7</sub>,<sub>74</sub>的 位向关系、惯习面和长轴方向,可见,计算结果与测 量结果吻合很好。

根据对激发形核机制的研究[15,21~25],界面能和弹



- **图6**奥氏体γ<sub>1</sub>~γ<sub>4</sub>长轴(Δ)及TEM样品膜面法向(f<sub>n</sub>,+) 在[001]<sub>b</sub>为投影中心的极图
- **Fig. 6** A stereographic projection around  $[001]_{b}$  showing the long axes of austenite  $\gamma_{1} \sim \gamma_{4}$  ( $\Delta$ ) with the foil normal ( $f_{n}$ , +), plotted with three possible cones of unextended lines

性应变能的降低都会影响激发形核析出相晶体学取向的选择,也就是说析出相以满足较低界面能和弹性应变能的晶体学几何形成,使形核能垒降低,相当于弥补界面附近母相较低过饱和度引起的较小化学驱动力。下面以奥氏体 γ<sub>2</sub> 在 γ<sub>1</sub>惯习面激发形核为例,从弹性相互作用能和界面能2方面来理解观察到的激发形核奥氏体的择优晶体学取向。

先从弹性相互作用能的角度分析,计算弹性相 互作用能的基本输入参量是先驱奥氏体y,的相变本 征应变(ɛ`)。图1中y,在y,惯习面上形核时,y,惯习面 已经贯穿膜厚(约200 nm,远大于理论计算位错间距 2.2 nm),因此惯习面是半共格界面,必须用界面位 错抵消后的剩余应变来计算y,的本征应变。实验观 察到奥氏体惯习面连续迁移,这意味着界面位错可 滑动,符合马氏体表象理论的条件<sup>[35,36]</sup>。假设惯习面 迁移过程中伴随的长程应变场未松弛,就可以基于 马氏体表象理论来计算长程应变场。马氏体表象理

<b>表3</b> 原位先驱奥氏体 y <sub>1</sub> 和 y <sub>4</sub> 的O线解计算结果 <sup>131</sup> 及其宏观个变半面应变( <b>P</b> <sub>1</sub> )的相关参量	
<b>Table 3</b> Crystallographic features of O-line solution for austenite $\gamma_1$ and $\gamma_4^{[34]}$ with the $d_1$ and $m_1$ for the macroscopic invariant	int

plane	strain	Р.
plane	Suam	<b>1</b>

O-line solution for $\gamma_1$	O-line solution for $\gamma_4$
$[0.32 \ \overline{0.79} \ 0.52]_{b}$	$[\overline{0.21} \ 0.83 \ 0.52]_{b}$
(111) <sub>b</sub> ~//(011) <sub>r</sub> , 0.4°	$(111)_{\rm b} \sim //(0\overline{1}1)_{\rm p} \ 0.4^{\circ}$
[100] <sub>b</sub> ~//[110] <sub>b</sub> , 2.3°	$[\overline{1}00]_{b} \sim //[1\overline{1}0]_{f}, 1.5^{\circ}$
$(\overline{0.11} \ 0.51 \ 0.85)_{\rm b}$	$(0.07\ \overline{0.52}\ 0.85)_{\rm b}$
[100] <sub>b</sub>  [110] <sub>f</sub>	$[100]_{b}   [1\overline{1}0]_{f}$
2.2	2.2
$[0.95 \ \overline{0.19} \ 0.22]_{\rm b}$	$[\overline{0.98} \ 0.13 \ 0.15]_{b}$
1.1093	1.6621
	O-line solution for $\gamma_1$ $[0.32 \ \overline{0.79} \ 0.52]_b$ $(111)_b \sim //(011)_{f^0} \ 0.4^\circ$ $[100]_b \sim //[1\overline{10}]_{f^0} \ 2.3^\circ$ $(\overline{0.11} \ 0.51 \ 0.85)_b$ $[100]_b [1\overline{10}]_f$ 2.2 $[0.95 \ \overline{0.19} \ 0.22]_b$ 1.1093

Note:  $x_{in}$ —invariant line, **b**—Burgers vector of dislocations in the habit plane, **D**—the spacing of dislocations in the habit plane, **d**<sub>1</sub>—shear direction in the long-range strain field,  $m_1$ —shear magnitude in the long-range strain field

论输入的点阵不变形变的滑移面( $p_2$ )和切变方向( $d_2$ ) 皆为晶体的有理矢量,而在这个应用中 $d_2$ 是惯习面 位错的 Burgers 矢量[100]<sub>b</sub>,但滑移面 $p_2$ 由不变线 $x_{in}$ 和 Burgers 矢量所在的面决定,即 $d_2 \times x_{in}$ ,是无理矢 量。根据马氏体表象理论的计算方法<sup>[32]</sup>, $\gamma_1$ 的相变应 变A可以分解为2个不变平面应变 $P_1$ 和 $P_2$ ,其中 $P_1$ 和 $P_2$ 分别是宏观不变平面应变(即未松弛的长程应 变场)和点阵不变平面应变。表3列出了计算得到 的宏观切变方向 $d_1$ 和切变量 $m_1$ ,通过下式求解  $P_1$ 为:

$$\boldsymbol{P}_1 = \boldsymbol{I} + m_1 \boldsymbol{d}_1 \boldsymbol{p}'_1 \tag{4}$$

式中,I是单位对角矩阵, $p_1$ 为平行于惯习面法线的 单位矢量。这里采用格林应变计算奥氏体 $\gamma_1$ 的相变 本征应变 $\varepsilon^*$ :

$$\boldsymbol{\varepsilon}^* = (\boldsymbol{P}'_1 \boldsymbol{P}_1 - \boldsymbol{I})/2 \tag{5}$$

在此基础上,可以计算奥氏体,周围应力场。 图7给出了计算奥氏体水周围应力场时构建两相构 型的几何示意图,计算体系的宏观坐标系(x,v,z)x轴设定为奥氏体y,的惯习面法向,y轴设定为不变线 方向。将盒子划分为3000×2000×2个格点,设奥氏 体尺寸在x、v、z轴格点投影数分别为30、600、2,且 楔角为12°。采用周期性边界条件,整体平均应力为 零。这里采用表3中理论计算得到的奥氏体水的不 变线和惯习面取向作为输入参量,因此图7中z轴与 实验测得的TEM样品膜面法向存在2°偏差,如果考 虑TEM样品膜面的测量误差,计算奥氏体y,应力场 的条件与真实实验条件基本一致。这里需要强调, 表3中晶体学指数都是在晶体坐标系中的表示,因 此ε<sup>\*</sup>和表1中的弹性常数C<sub>iii</sub>必须从晶体坐标系变换 到图7所示的计算坐标系。输入奥氏体y,和铁素体 的 $\varepsilon^*$ 及两相的 $C_{ikl}$ ,以及图7中两相的几何构型,通过



图7 先驱奥氏体应力场计算中的参数设定示意图 Fig.7 Configuration of austenite and ferrite matrix for the calculation of the strain field created by preformed austenite

求解的弹性平衡方程(2)得到位移 $u_{kl}$ 分布后,计算模拟系统中每个格点的应力张量( $\sigma_{il}$ )和应变张量( $\varepsilon_{il}$ )。

一般奧氏体形核阶段与母相保持共格,因此可 以直接计算共格态奥氏体 y, (r=2、3、4)的本征应变。 共格态奥氏体 y, 的相变应变(A,)可以分解为纯变形 Bain应变矩阵(B)和转动矩阵(R,),即A,=R,B,因此其 本征应变为:

$$\varepsilon^{*}(r) = (A'_{r}A_{r} - I)/2 = (B'R'_{r}R_{r}B - I)/2 = (B'B - I)/2$$
(6)

从上式可见,共格态奥氏体的本征应变只与其 Bain应变矩阵有关。由于奥氏体<sub>2</sub>,和<sub>2</sub>,与母相的位 向关系属于同一Bain环,即这2个奥氏体的Bain应 变矩阵相同,因此它们的本征应变相等。通过下式 可求出奥氏体<sub>2</sub>,(r=2、3、4)与<sub>2</sub>,周围母相应力场的单 位体积内的弹性相互作用能(*E*(r))为:

$$E(r) = -\boldsymbol{\sigma}_{ii} \boldsymbol{\varepsilon}_{ii}^*(r) \tag{7}$$

上式满足 Einstein 求和约定, *E*(*r*)为负值说明 *y*<sub>1</sub> 周围的应力场促进取向为 *y*, 的奥氏体形核, 且*E*(*r*)绝 对值越大 *y*, 越容易形核。由于自由表面的松弛, 奥 氏体 *y*, 与 *y*<sub>1</sub>周围应力场的弹性相互作用能密度在 *z* 轴方向无变化, 图 8a 和 b 分别给出了在 *x*-*y* 面上 *y*<sub>2</sub> (或 *y*<sub>3</sub>)、 *y*<sub>4</sub>分别与 *y*<sub>1</sub>周围应力场的弹性相互作用能密



**图 8** 激发形核奥氏体与先驱奥氏体周围母相的弹性相互作用能密度分布图 **Fig.8** Distributions of mutual elastic strain energy density between sympathetically nucleated austenite and local stress created by pre-formed austenite

(a)  $\gamma_2(\gamma_3)$  with  $\gamma_1$  (b)  $\gamma_4$  with  $\gamma_1$  (c)  $\gamma_2(\gamma_3)$  with  $\gamma_4$  (d)  $\gamma_1$  with  $\gamma_4$ 

度分布图(仅显示析出相附近区域)。可见,奥氏体 γ<sub>2</sub>(或γ<sub>3</sub>)与γ<sub>1</sub>的弹性相互作用能密度在惯习面附近 为负值,而奥氏体γ<sub>4</sub>与γ<sub>1</sub>的弹性相互作用能密度在 惯习面附近为正值。这说明属于不同Bain环上的 奥氏体γ<sub>2</sub>或γ<sub>3</sub>在γ<sub>1</sub>惯习面上形核可以降低相变应变 能,而与γ<sub>1</sub>属于同一Bain环的γ<sub>4</sub>则不会被择优。

单纯从弹性相互作用能的角度还不能解释为什 么观察到y,而不是y,在y,惯习面激发形核。前面测 量结果显示2个奥氏体y1与y2之间近似呈孪晶关系, 在图2b中可见y1与y2的晶界迹线偏离惯习面迹线约 11°(偏向[011],),且计算发现共格孪晶界(111),偏离 奥氏体 yi 惯习面约 13° (同样偏向[011];)。这说明 yi 与y,晶界接近共格孪晶界(111),,因此在y,惯习面激 发形核产生奥氏体 次时用比较低能的共格孪晶界取 代先驱奥氏体与母相的界面,在一定程度上可以降 低界面能。y1与y2之间为共格孪晶界的结果符合图 2b中接近直角的晶界取向变化(虚线示意孪晶界取 向变化),这是因为共格孪晶界很稳定,因此侧面的 非共格孪晶界的张力不足以使其转折及弯曲的。也 可以计算水与水之间取向差的轴角对为[1 1.05 0.02] 。89.83°,发现其偏离 Σ17 晶界(<110>。86.63°)的角度 为 $\Delta\theta$ =3.2°。根据Brandon<sup>[38]</sup>提出的判据计算 $\Delta\theta_{max}$ =  $15^{\circ}/\Sigma^{1/2}=3.6^{\circ}$  ( $\Sigma=17$ ),因为 $\Delta\theta$  ( $3.2^{\circ}$ )< $\Delta\theta_{max}$  ( $3.6^{\circ}$ ),这 说明 $y_1$ 与 $y_2$ 之间可形成 $\Sigma$ 17晶界,也可以推测 $\Sigma$ 17晶 界匹配远不如Σ3孪晶关系的晶界匹配。因此,从界 面能降低可以解释实验观察到<sub>2</sub>而非<sub>3</sub>在<sub>9</sub>,惯习面 上激发形核的现象。类似地,图8c和d分别是在*x-y* 面上<sub>72</sub>(或<sub>73</sub>)、<sub>71</sub>与<sub>74</sub>周围应力场的弹性相互作用能 密度分布图。从弹性相互作用能密度为负值可知奥 氏体<sub>72</sub>或<sub>73</sub>可以在<sub>74</sub>惯习面激发形核,进而从<sub>73</sub>与<sub>74</sub> 形成低能的共格孪晶界可以解释为什么观察到<sub>73</sub>而 非<sub>72</sub>在<sub>74</sub>惯习面上激发形核的现象。这也进一步证 实了<sub>73</sub>很可能在<sub>74</sub>惯习面上激发形核。

本工作中原位观察到端-面连接的激发形核奥 氏体与先驱奥氏体之间取向差比较大,目2个奥氏 体之间近似互为孪晶,它们与母相位向关系属于不 同Bain环。这与前人在双相不锈钢中观察到的面-面或端-端连接的奥氏体激发形核现象不同[6.8],面-面或端-端连接的2个奥氏体间取向差较小,且它们 的位向关系属于同一Bain环的不同变体,从式(6)和 (7)可知,同一Bain环的不同变体与先驱奥氏体的弹 性相互作用能相等且为正值,因此该类激发形核不 会降低弹性应变能。这可以根据 Aaronson 等[21]提出 的理论来理解,通过面-面或端-端连接的2个奥氏体 间形成小角度晶界,低能的小角晶界代替高能的相 界面可以使界面能降低,有利于面-面或端-端奥氏 体激发形核现象。在本工作观察到的端-面奥氏体 激发形核现象中,发现界面能和弹性相互作用能同 时对激发形核产生的奥氏体取向具有支配作用。

#### 4 结论

(1) 在原位 TEM 加热过程中,观察发现双相不 锈钢中奥氏体的端-面连接激发形核现象。定量表 征结果表明,激发形核奥氏体和先驱奥氏体与母相 的位向关系都接近 N-W,但它们属于不同 Bain 环上 的位向关系,而不是同一位向关系的不同变体。

(2) 不同 Bain 环上的激发形核奥氏体与先驱奥 氏体间弹性相互作用能为负值,且2个奥氏体之间 可以形成孪晶取向关系并发展形成共格孪晶界,这 表明较低的弹性相互作用能和界面能都是具有特定 位向关系的奥氏体激发形核的支配因素。

#### 参考文献

- Jiao H S, Aindow M, Pond R C. Precipitate orientation relationships and interfacial structures in duplex stainless steel Zeron-100 [J]. Philos. Mag., 2003, 83: 1867
- [2] Qiu D, Zhang W Z. A TEM study of the crystallography of austenite precipitates in a duplex stainless steel [J]. Acta Mater., 2007, 55: 6754
- [3] Du J, Mompiou F, Zhang W Z. A TEM study of the crystallography of lath-shaped austenite precipitates in a duplex stainless steel [J]. J. Mater. Sci., 2017, 52: 11688
- [4] Shek C H, Lai J K L, Wong K W, et al. Early-stage Widmanstatten growth of the γ phase in a duplex steel [J]. Metall. Mater. Trans., 2000, 31A: 15
- [5] Ohmori Y, Nakai K, Ohtsubo H, et al. Mechanism of Widmanstätten austenite formation in a δ/γ duplex phase stainless steel [J]. ISIJ Int., 1995, 35: 969
- [6] Chen C Y, Yen H W, Yang J R. Sympathetic nucleation of austenite in a Fe-22Cr-5Ni duplex stainless steel [J]. Scr. Mater., 2007, 56: 673
- [7] Chen T H, Yang J R. Microstructural characterization of simulated heat affected zone in a nitrogen-containing 2205 duplex stainless steel [J]. Mater. Sci. Eng., 2002, A338: 166
- [8] Haghdadi N, Cizek P, Hodgson P D, et al. Effect of ferrite-toaustenite phase transformation path on the interface crystallographic character distributions in a duplex stainless steel [J]. Acta Mater., 2018, 145: 196
- [9] Magalhães C H X M, De Faria G L, Lagoeiro L E, et al. Characterization of the austenite reformation mechanisms as a function of the initial ferritic state in a UNS S32304 duplex stainless steel [J]. Mater. Res., 2017, 20: 1470
- [10] Aaronson H I, Wells C. Sympathetic nucleation of ferrite [J]. Trans. Am. Inst. Min. Metall. Eng., 1956, 206: 1216
- [11] Phelan D, Dippenaar R. Widmanstätten ferrite plate formation in low-carbon steels [J]. Metall. Mater. Trans., 2004, 35A: 3701
- [12] Spanos G, Fang H S, Aaronson H I. A mechanism for the formation of lower bainite [J]. Metall. Trans., 1990, 21A: 1381
- [13] Beladi H, Tari V, Timokhina I B, et al. On the crystallographic characteristics of nanobainitic steel [J]. Acta Mater., 2017, 127: 426
- [14] Fang H S, Wang J J, Yang Z G, et al. Formation of bainite in ferrous and nonferrous alloys through sympathetic nucleation and

ledgewise growth mechanism [J]. Metall. Mater. Trans., 1996, 27A: 1535

- [15] Menon E S K, Aaronson H I. Morphology, crystallography and kinetics of sympathetic nucleation [J]. Acta Metall., 1987, 35: 549
- [16] Meng M, Fan X G, Yang H, et al. Precipitation of secondary alpha in competition with epitaxial growth of primary alpha in twophase titanium alloys [J]. J. Alloys Compd., 2017, 714: 294
- [17] Menon E S K, Krishnan R. Phase transformations in Ti-V alloys [J]. J. Mater. Sci., 1983, 18: 375
- [18] Tang B, Kou H C, Zhang X, et al. Study on the formation mechanism of  $\alpha$  lamellae in a near  $\beta$  titanium alloy [J]. Prog. Nat. Sci.: Mater. Int., 2016, 26: 385
- [19] Spanos G, Aaronson H I. Morphology, crystallography and mechanism of sympathetic nucleation of proeutectoid cementite plates [J]. Scr. Metall., 1988, 22: 1537
- [20] Ameyama K, Weatherly G C, Aust K T. A study of grain boundary nucleated widmanstätten precipitates in a two-phase stainless steel [J]. Acta Metall. Mater., 1992, 40: 1835
- [21] Aaronson H I, Spanos G, Masamura R A, et al. Sympathetic nucleation: An overview [J]. Mater. Sci. Eng., 1995, B32: 107
- [22] Lee J K, Johnson W C. Elastic strain energy and interactions of thin square plates which have undergone a simple shear [J]. Scr. Metall., 1977, 11: 477
- [23] Russell K C, Barnett D M, Altstetter C J, et al. Strain energy interactions, the T<sub>o</sub> concept and sympathetic nucleation [J]. Scr. Metall., 1977, 11: 485
- [24] Qiu D, Shi R, Zhang D, et al. Variant selection by dislocations during α precipitation in α/β titanium alloys [J]. Acta Mater., 2015, 88: 218
- [25] Shi R, Wang Y. Variant selection during α precipitation in Ti-6Al-4V under the influence of local stress—A simulation study [J]. Acta Mater., 2013, 61: 6006
- [26] Eshelby J D. The determination of the elastic field of an ellipsoidal inclusion, and related problems [J]. Proc. R. Soc. London, 1957, 241A: 376
- [27] Wang J J, Ma X Q, Li Q, et al. Phase transitions and domain structures of ferroelectric nanoparticles: Phase field model incorporating strong elastic and dielectric inhomogeneity [J]. Acta Mater., 2013, 61: 7591
- [28] Jia N, Lin P R, Wang Y D, et al. Micromechanical behavior and texture evolution of duplex stainless steel studied by neutron diffraction and self-consistent modeling [J]. Acta Mater., 2008, 56: 782
- [29] Zhang M X. Crystallography of phase transformation in steels [D]. Brisbane: University of Queensland, 1997
- [30] Wu J. Study on microstructure and transformation crystallography of lath martensite in Fe-20Ni-5.4Mn(wt%) alloy [D]. Beijing: Tsinghua University, 2011
  (吴静. Fe-20Ni-5.4Mn(wt%)合金中板条马氏体微结构和相变的研究 [D]. 北京: 清华大学, 2011)
- [31] Crosky A, Mcdougall P G, Bowles J S. The crystallography of the precipitation of α rods from β Cu-Zn alloys [J]. Acta Metall., 1980, 28: 1495
- [32] Wayman C M. Introduction to the Crystallography of Martensitic Transformations [M]. New York: MacMilla, 1964: 84

[33] Zhang W Z, Purdy G R. O-lattice analyses of interfacial misfit. II. Systems containing invariant lines [J]. Philos. Mag., 1993, 68: 291

[34] Du J. A TEM study on the austenite/ferrite interface migration in a duplex stainless steel [D]. Beijig: Tsinghua University, 2018.
(杜娟.双相不锈钢中奥氏体/铁素体界面迁移的透射电镜研究 [D]. 北京:清华大学,2018)

- [35] Bowles J S, Mackenzie J K. The crystallography of martensite transformations I [J]. Acta Metall., 1954, 2: 129
- [36] Wechsler M S, Lieberman D S, Read T A. On the theory of the for-

mation of martensite [J]. Trans. Am. Inst. Min. Metall. Eng., 1953, 197: 1503

[37] Porter D A, Easterling K E, Sherig M Y, translated by Chen L, Yu Y N. Phase Transformations in Metals and Alloys [M]. Beijing: High Education Press, 2011: 104 (Porter D A, Easterling K E, Sherif M Y 著, 陈 冷, 余永宁译. 金

属和合金中的相变 [M]. 北京: 高等教育出版社, 2011: 104)

[38] Brandon D G. The structure of high-angle grain boundaries [J]. Acta Metall., 1966, 14: 1479

(责任编辑:肖素红)